

XXVII OLIMPIADA FIZYCZNA ETAP I

Zadania teoretyczne

ZADANIE T4

Nazwa zadania: „Oddziaływania dwóch półsfery”

Dana jest jednorodna, cienka powłoka kulista rozcięta wzdłuż wielkiego koła na dwie równe części. Promień powłoki jest równy r , a jej masa – m . Oblicz siłę, z jaką przyciągają się stykające półsfery.

ROZWIĄZANIE ZADANIA T4

Masa powłoki jest rozmieszczona na całej sferze jednakowo symetrii wiadomo, że siła oddziaływania na każdy element powłoki jest skierowana do środka powłoki. Wartość tej siły wynosi

$$dF = \frac{1}{2} k \frac{m dm}{r^2}, \quad (1)$$

gdzie k jest stałą grawitacji, a dm jest masą elementu powłoki o powierzchni ds , ale

$$dm = \frac{m}{4\pi r^2} ds.$$

Zatem

$$dF = \frac{1}{2} km \frac{m}{4\pi r^2} \frac{1}{r^2} ds = \frac{k}{8\pi} \frac{m^2}{r^4} ds,$$

$$dF = \frac{k}{8\pi} \frac{m^2}{r^4} ds. \quad (2)$$

Występowanie współczynnika $\frac{1}{2}$ we wzorze(1) odnoszącym się do sfery dowodzi się taką samą metodą jak dla odpowiedniego problemu z elektrostatyki (zob. zadanie o naelektryzowanej bańce mydlanej z zawodów II stopnia XXVI Olimpiady Fizycznej).

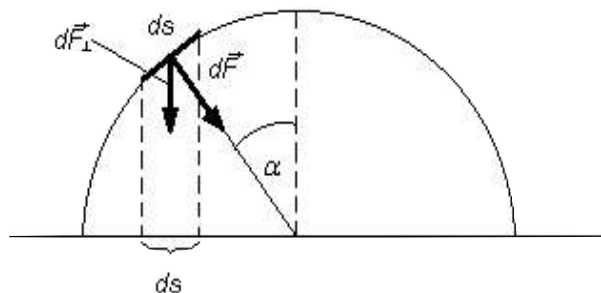
W celu policzenia siły działającej na górną półkulę należy zsumować składowe pionowe sił $d\vec{F}$ działających na poszczególne elementy sfery ds . Rys. 22

Mamy (rys.22):

$$dF = dF \cos\alpha = \frac{k}{8\pi} \frac{m^2}{r^4} ds \cos\alpha =,$$

$$\frac{k}{8\pi} \frac{m^2}{r^4} ds.$$

stąd



$$F_{\perp} = \frac{k}{8\pi} \frac{m^2}{r^4} S,$$

Gdzie S jest polem przekroju(kołem wielkim):

$$S = \pi r^2,$$

Zatem

$$F = \frac{km^2}{8r^2}.$$

Źródło:
Zadanie pochodzi z „Druk OF”

Komitet Okregowy Olimpiady Fizycznej w Szczecinie
www.of.szcz.pl